

**Teste de recapitulare pentru bacalaureat
la profilul pedagogic
TESTUL 2**

**Toate subiectele sunt obligatorii. Se acorda 10 puncte din oficiu.
Pe foaia de examen scrieti rezolvarile complete
Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.**

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1. Se da multimea : $A = \left\{ \sqrt{9}, \sqrt{\frac{16}{25}}, \pi, -5, -\frac{10}{2}, \sqrt{6^2 + 8^2} \right\}$.

Aflati numarul elementelor rationale din multimea A.

2. Determinati $a, b \in \mathbb{R}$ pentru care punctul $A(a-2, b+3)$ apartine graficelor functiilor

$$f, g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \text{ unde } f(x) = 2x + 5 \text{ si } g(x) = x + 1.$$

3. Rezolvati in multimea numerelor reale ecuatia: $2^{x+1} - 5 \cdot 2^x = -24$

4. Determinati a 2021-a zecimala a numarului $\frac{10}{13}$;

5. Sa se determine ecuatia dreptei care trece prin punctul $M(1, 1)$ si este perpendiculara

Pe dreapta de ecuatie : $y = 3x + 7$;

6. In triunghiul isoscel ABC se cunosc $AB = AC = 10$ si $BC = 12$. Sa se calculeze $\sin B$.

SUBIECTUL II

(30 de puncte)

Pe multimea numerelor reale se defineste legea de compozitie $x * y = x + y - \frac{xy}{2}$

1. Aratati ca $\left(\frac{-1}{2}\right) * \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{8}$

2. Demonstrati ca legea de compozitie “ * ” este comutativa.

3. Demonstrati ca $x * y = 2 - \frac{(x-2)(y-2)}{2}$ pentru orice numere reale x si y.

4. Determinati numarul real x pentru care $(-2) * 11^x = 0$

5. Determinati numarul real x pentru care $(x) * (8 - x) < 0$.

6. Determinati perechile de numere naturale (m,n), stiind ca $m * n = -6$

SUBIECTUL III

(30 de puncte)

Fie matricele $M = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 6 & -3 \end{pmatrix}$, $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ si $A = M + 2a \cdot I_2$.

1. Sa se demonstreze ca $\det M = -3$

2. Sa se verifice ca matricea $A = \begin{pmatrix} 2a + 3 & -1 \\ 6 & 2a - 3 \end{pmatrix}$

3. Sa se determine valorile parametrului real a, pentru care $\det(A) = 13$

4. Pentru $a \in \mathbb{R} - \left\{ \frac{-\sqrt{3}}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2} \right\}$, sa se determine A^{-1} , unde A^{-1} este inversa matricei A.

5. Pentru $a = -1$, sa se rezolve ecuatia matriciala $AX = M$.

6. Sa se verifice ca $A^2 = 4aA - (4a^2 - 3)I_2$, unde $a \in \mathbb{R}$.

Prof. Daniela Popa, Liceul Pedagogic “Gh. Sincai”, Zalau

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$A = \left\{ 3, \frac{4}{5}, \pi, -5, -2, 10 \right\}$ $\pi \in R - Q \text{ deci } A \text{ are } 5 \text{ elemente numere rationale}$	2p 3p
2.	$f(a - 2) = b + 3; g(a - 2) = b = 3 \Leftrightarrow 2a - b = 2 \text{ si } a - b = 4$ $a = -2 \text{ si } b = -6$	3p 2p
3.	$2^x(2 - 5) = -24 \quad 2^x(-3) = -24$ $2^x = 8 \quad x=3$	3p 2p
4.	$10:13=0,(769230) \text{ si } 2021:6 = 336 \text{ rest } 5$ $A \text{ 2021 zecimala este } 3$	3p 2p
5.	$m_d = 3 \quad y-1=3(x-1)$ $Y=3x-2$	3p 2p
6.	<p>Construim inaltimea din A a triunghiului : AD</p> $AD = \sqrt{10^2 - 6^2}=8$ $\sin B = \frac{AD}{BC} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$	3p 2p

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1.	$\left(\frac{-1}{2}\right) * \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{-1}{2} \cdot \frac{-1}{2} \cdot \frac{1}{2} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$	3p 2p
2.	$x * y = y * x$, pentru $x, y \in R$ deoarece $x * y = (x + y) - \frac{xy}{2}$ si $y * x = (y + x) - \frac{yx}{2}$ si cum adunarea si inmult. nr reale sunt comut. Avem $x+y = y+x$ si $y=xy$ deci legea este comutativa	2p 3p
3.	$x * y = x + y - \frac{xy}{2} = x \left(-\frac{y}{2} + 1\right) - 2 \left(-\frac{y}{2} + 1\right) + 2 =$ $= -2\left(-\frac{y}{2} + 1\right)(x-2) + 2 = 2 - \frac{(x-2)(y-2)}{2}$	3p 2p
4.	$-\frac{1}{2}(-2) \cdot 11^x + (-2) + 11^x = 0 \Leftrightarrow 11^x(1 + 1) = 2 \Leftrightarrow$ $11^x = 1 \Leftrightarrow x=0$	3p 2p
5.	$-\frac{1}{2}x(8 - x)x + x + 8 - x < 0 \Leftrightarrow -\frac{8x}{2} + \frac{x^2}{2} + 8 < 0$ $x^2 - 8x + 16 < 0 \Leftrightarrow x \in \emptyset$	2p 3p
6.	$2 - \frac{(m-2)(n-2)}{2} = -6 \Leftrightarrow (m-2)(n-2) = 16 \Leftrightarrow \begin{cases} m-2 = 1 \\ n-2 = 16 \end{cases} \begin{cases} m = 3 \\ n = 18 \end{cases}$ $\begin{cases} m-2 = 2 \\ n-2 = 8 \end{cases} \begin{cases} m = 4 \\ n = 10 \end{cases} \begin{cases} m-2 = 4 \\ n-2 = 4 \end{cases} \begin{cases} m = 6 \\ n = 6 \end{cases} \begin{cases} m-2 = 8 \\ n-2 = 2 \end{cases} \begin{cases} m = 10 \\ n = 4 \end{cases}$ $\begin{cases} m-2 = 16 \\ n-2 = 1 \end{cases} \begin{cases} m = 18 \\ n = 3 \end{cases} \Leftrightarrow$ $(m, n) \in \{(4,10), (3,18), (6,6), (10,4), (18,3)\}$	3p 2p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1.	$DetM = \begin{vmatrix} 3 & -1 \\ 6 & -3 \end{vmatrix} = -9 + 6 = -3$	3p 2p
----	---	----------

2.	$A = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 6 & -3 \end{pmatrix} + 2a \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 6 & -3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2a & 0 \\ 0 & 2a \end{pmatrix} =$ $A = \begin{pmatrix} 2a+3 & -1 \\ 6 & 2a-3 \end{pmatrix}$	3p 2p
3.	$\det A = 13 \Leftrightarrow (2a+3)(2a-3) + 6 = 13 \Leftrightarrow 4a^2 - 9 + 6 = 13$ $4a^2 = 16 \Leftrightarrow a^2 = 4 \Leftrightarrow a \in \{-2, 2\}$	2p 3p
4.	<p>Pentru $a \in \mathbb{R} - \left\{ \frac{-\sqrt{3}}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2} \right\}$, matricea A, A este inversabilă $\det A = 4a^2 - 3$</p> $A^* = \begin{pmatrix} 2a-3 & 1 \\ -6 & 2a+3 \end{pmatrix}, \text{ atunci } A^{-1} = \frac{1}{\det(A)} \cdot A^* = \frac{1}{4a^2-3} \begin{pmatrix} 2a-3 & 1 \\ -6 & 2a+3 \end{pmatrix}.$	2p 3p
5.	$A^{-1} = \begin{pmatrix} -5 & 1 \\ -6 & 1 \end{pmatrix} \text{ și } M = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 6 & -3 \end{pmatrix},$ <p>In acest caz soluția ecuației matriceale va fi $X = A^{-1} \cdot M = \begin{pmatrix} -9 & 2 \\ -12 & 3 \end{pmatrix}$</p>	2p 3p
6.	$A^2 = \begin{pmatrix} 4a^2 + 12a + 3 & -4a \\ 24a & 4a^2 - 12a + 3 \end{pmatrix}$ $4aA = \begin{pmatrix} 8a^2 + 12a & -4a \\ 12a & 8a^2 - 12a \end{pmatrix} \text{ și}$ $4aA - (4a^2 - 3)I_2 = \begin{pmatrix} 4a^2 + 12a + 3 & -4a \\ 24a & 4a^2 - 12a + 3 \end{pmatrix}$ <p>Deci $A^2 = 4aA - (4a^2 - 3)I_2$</p>	2p 3p